Analyse 41 – Exemples d'utilisation de fonctions définies par des séries

1. Recherche d'exemples

- 1.1. Régularité.
- 1.2. Recherche d'équivalents.

Formule d'Euler-MacLaurin, des trapèzes.

- 1.3. Utilisation de séries entières.
- E.D.O., l'exemple du théorème taubérien fort.
 - 2. Utilisation des séries de Fourier
- 2.1. Généralités et résultats de convergence.
- 2.2. Application des séries de Fourier aux E.D.P..
- 2.3. Lien avec la transformée de Fourier.
- \longrightarrow Formule sommatoire de Poisson

3. Utilisation en intégration

- 3.1. Aspects calculatoires.
- 3.2. Sur la permutation d'une série et d'une intégrale.
- \longrightarrow Prolongement de la fonction ζ
- 3.3. Méthodes numériques d'intégration.
 - 4. Bases hilbertiennes
- 4.1. Définition et caractérisations.
- 4.2. L'exemple de l'espace de Bergman.
- \longrightarrow Noyau de Bergman

DÉVELOPPEMENTS

Formule sommatoire de Poisson.

Prolongement de la fonction ζ .

Noyau de Bergman.

Références

- [1] H. Brezis, Analyse fonctionnelle, Dunod, 1999.
- [2] S. Chatterji, *Cours d'Analyse*, Presses polytechniques et universitaires romandes, 1997.
- [3] X. Gourdon, Analyse, Ellipses, 1994.
- [4] A. Pommellet, Cours d'analyse, Ellipses, 1994.
- [5] H. Queffélec et C. Zuily, Éléments d'analyse pour l'agrégation, Dunod, 2002.